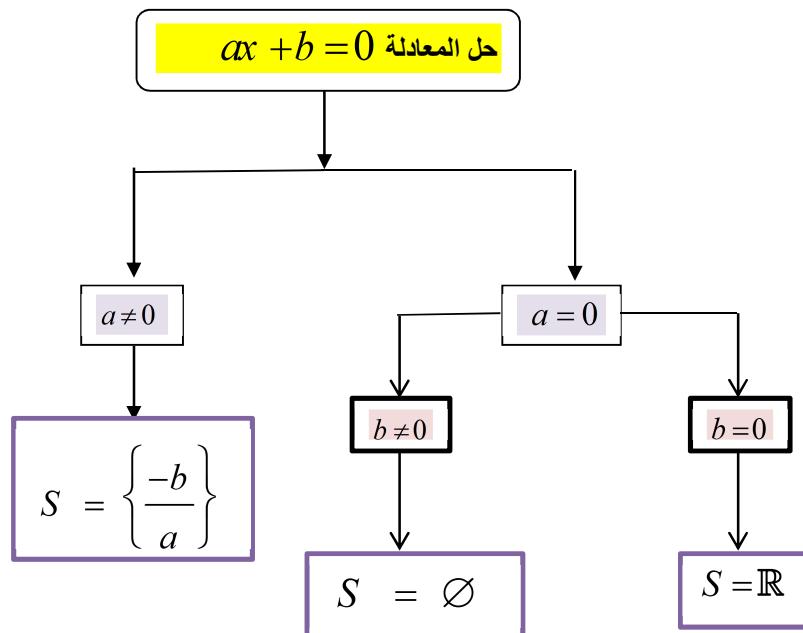


# المعادلات والمتراجحات والنظم

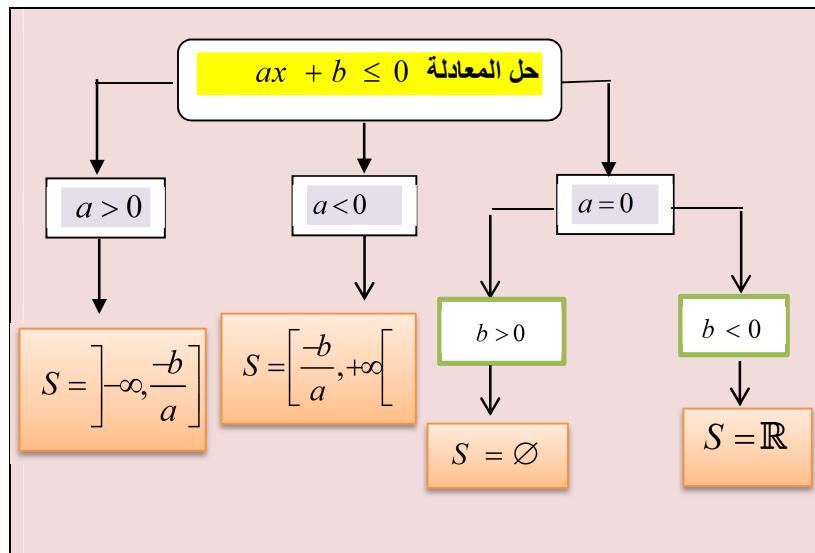
## معادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد

المعادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد هي كل معادلة يمكن أن تكتب على شكل  $ax + b = 0$  حيث  $x$  هو المجهول و  $a$  و  $b$  عدوان حقيقيان معلومان



## متراجحة من الدرجة الأولى بمجهول واحد

المتراجحة من الدرجة الأولى بمجهول واحد في  $\mathbb{R}$  هي كل متراجحة يمكن أن تكتب على شكل  $ax + b > 0$  أو  $ax + b \geq 0$  أو  $ax + b < 0$  أو  $ax + b \leq 0$  حيث  $x$  هو المجهول و  $a$  و  $b$  عددان حقيقيان معلومان



### جدول إشارة الحدانية $ax+b$

نعتبر الحدانية  $ax+b$  حيث  $a \neq 0$

- إذا كان  $x \geq -\frac{b}{a}$  فإن إشارة  $ax+b$  هي إشارة  $a$

- إذا كان  $x \leq -\frac{b}{a}$  فإن إشارة  $ax+b$  هي عكس إشارة  $a$

### معادلة من الدرجة الأولى بمحظولين

المعادلة من الدرجة الأولى بمحظولين هي كل معادلة يمكن أن تكتب على شكل  $ax+by+c=0$  حيث  $x$  و  $y$  هما المجهولان و  $a$  و  $b$  و  $c$  أعداد حقيقة معروفة

$$S = \left\{ \left( \frac{-b}{a}y - \frac{c}{a}; y \right) / y \in \mathbb{R} \right\} \quad \bullet$$

$$S = \left\{ \left( x; \frac{-a}{b}y - \frac{c}{b} \right) / x \in \mathbb{R} \right\} \quad \bullet$$

- إذا كان  $b=0$  و  $a=0$

- $S = \mathbb{R}^2$  إذا كان  $c=0$

- $S = \emptyset$  إذا كان  $c \neq 0$

## نظمة معادلتين من الدرجة الأولى

( $S$ ) تسمى نظمة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين  $x$  و  $y$  حيث  $a$  و  $b$  و  $c$  و  $a'$  و  $b'$  و  $c'$  أعداد حقيقة.

العدد  $\begin{vmatrix} a & a' \\ b & b' \end{vmatrix} = ab' - a'b$  يسمى محدد النظمة ( $S$ ).

( $S$ ):  $\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases}$  تعتبر النظمة

$y = \begin{vmatrix} a & c \\ a' & c' \\ \hline a & b \\ a' & b' \end{vmatrix}$  و  $x = \begin{vmatrix} c & b \\ c' & b' \\ \hline a & b \\ a' & b' \end{vmatrix}$  فإن النظمة تقبل حلًا وحيدًا هو الزوج  $(x, y)$  حيث:

$$\begin{vmatrix} a & a' \\ b & b' \end{vmatrix} \neq 0 \quad \text{إذا كان: } \oplus$$

فإنه قد لا يكون لهذه النظمة أي حل وقد يكون لها ما لا نهاية من الحلول  $\begin{vmatrix} a & a' \\ b & b' \end{vmatrix} = 0 \quad \text{إذا كان: } \oplus$

 إشارة  $ax+by+c$  و تجويه المستوى

المستوى منسوب إلى معلم ( $O, I, J$ )

ليكن ( $D$ ) مستقيماً معادلته  $ax + by + c = 0$

المستقيم ( $D$ ) يحدد نصف مستوى مفتوحين.

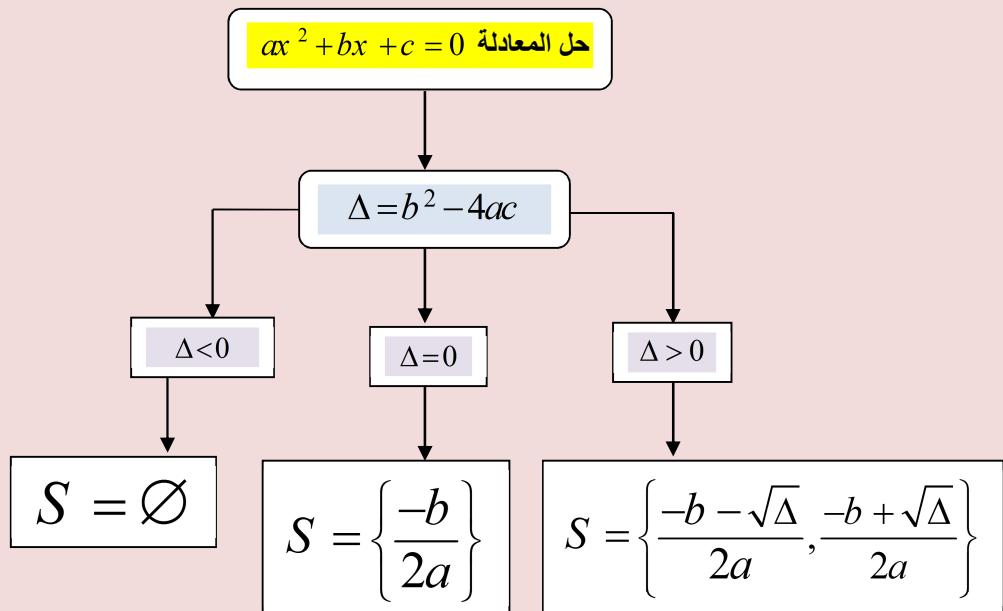
- أحد هما مجموعة النقط  $(x, y)$  التي تحقق العلاقة  $ax + by + c > 0$   $M$
- والآخر هو مجموعة النقط  $(x, y)$  التي تتحقق العلاقة  $ax + by + c < 0$   $M$

## المعادلات من الدرجة الثانية بمجهول واحد

الكتابة  $a \left[ \left( x + \frac{b}{2a} \right)^2 - \frac{b^2 - 4ac}{(2a)^2} \right]$  تسمى الشكل القانوني لثلاثية الحدود  $ax^2 + bx + c$  حيث  $a$  و  $b$  و  $c$  أعداد حقيقة  $a \neq 0$  حيث

- كل معادلة على الشكل  $ax^2 + bx + c = 0$  حيث  $a$  و  $b$  و  $c$  أعداد حقيقة بحيث  $a \neq 0$  تسمى معادلة من الدرجة الثانية في  $\mathbb{R}$
- العدد  $\Delta = b^2 - 4ac$  يسمى مميز هذه المعادلة أو مميز ثلاثة الحدود

نعتبر في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $ax^2 + bx + c = 0$  بحيث  $a \neq 0$  و لتكن  $S$  مجموعة حلولها و  $\Delta$  مميزها .



### تعويذن ثلاثة الحدود من الدرجة الثانية

نعتبر ثلاثة الحدود  $ax^2 + bx + c$  و لتكن  $\Delta$  مميزها

- إذا كان  $\Delta > 0$  فإن المعادلة  $ax^2 + bx + c = 0$  تقبل حلين مختلفين  $x_1$  و  $x_2$  ولدينا :

$$ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2)$$

- إذا كان  $\Delta = 0$  فإن :

$$ax^2 + bx + c = a\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2$$

- إذا كان  $\Delta < 0$  فإن ثلاثة الحدود  $ax^2 + bx + c$  لا يمكن تعويذنها إلى جداء حدودتين من الدرجة الأولى في  $\mathbb{R}$

**مجموع و جداء حل معايده من الدرجة الثانية**

إذا كان للمعادلة  $ax^2 + bx + c = 0$  مميز موجب قطعاً فإن  $x_1$  و  $x_2$  حلّي هذه المعايده يحققان :

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{-b}{a} \\ x_1 x_2 = \frac{c}{a} \end{cases}$$

**تحديد عددين مجموعهما و جداءهما معلومان**

ليكن  $S$  و  $P$  عددين حقيقيين.

$$x^2 - Sx + P = 0 \quad \text{نقبل حلًا إذا وفقط إذا كان } S^2 - 4P \geq 0 \quad \text{النقطة}$$

$$\begin{cases} u + v = S \\ uv = P \end{cases}$$

**إشارة ثلاثة الحدود من الدرجة الثانية**

نعتبر ثلاثة الحدود  $P(x) = ax^2 + bx + c$  و  $\Delta$  مميزها

- إذا كان  $\Delta > 0$  فإن إشارة  $P(x)$  هي إشارة العدد  $a$  خارج الجذرين ، و إشارة  $P(x)$  هي عكس إشارة العدد  $a$  داخل الجذرين

• إذا كان  $\Delta = 0$  فإن إشارة  $P(x)$  هي إشارة العدد  $a$  لكل  $x$  مخالف للعدد  $\frac{-b}{2a}$

• إذا كان  $\Delta < 0$  فإن إشارة  $P(x)$  هي إشارة العدد  $a$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$