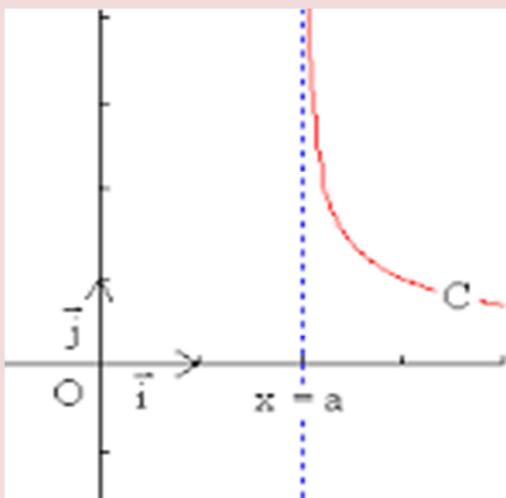


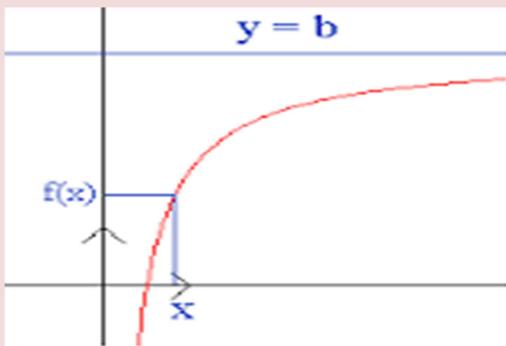
دراسة الدوال وتمثيلها المباني

الفروع اللانهائية

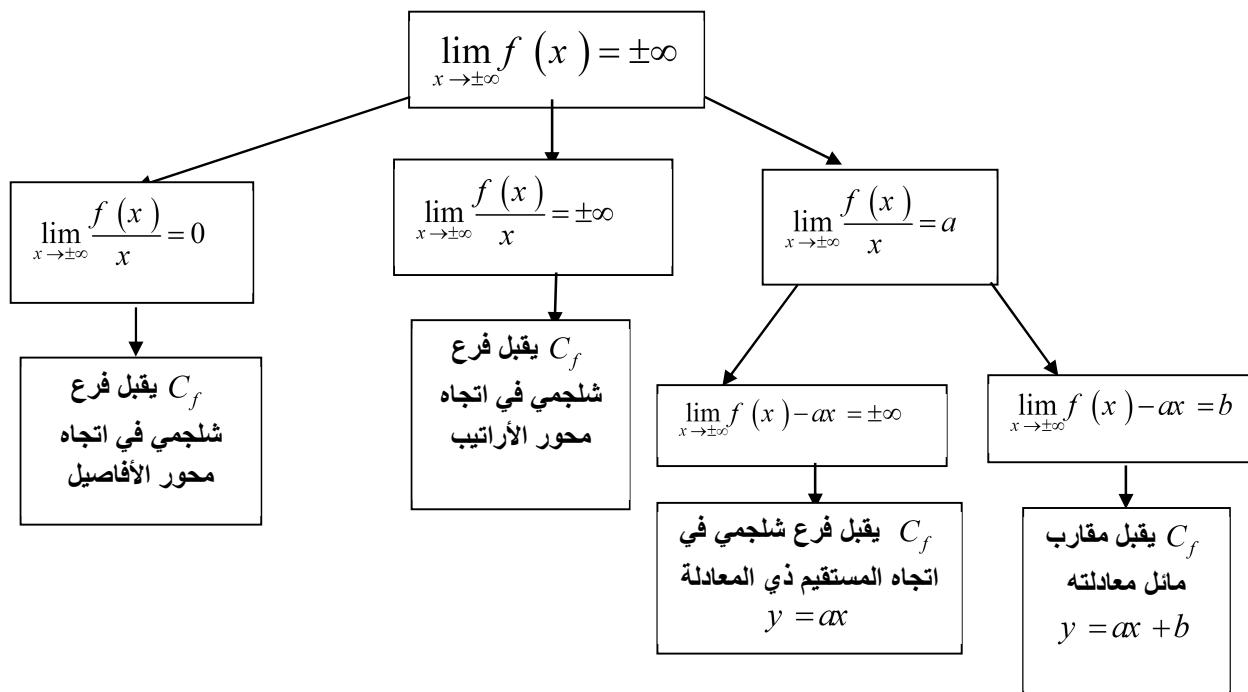
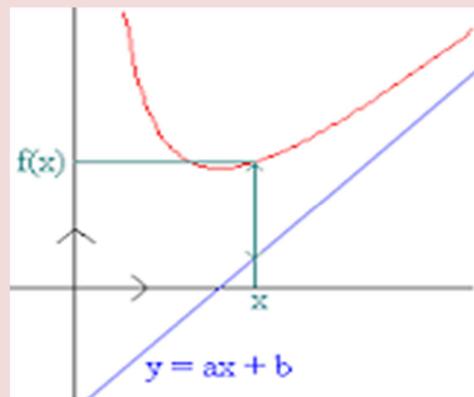
$x = a$ يقبل مقارب عمودي معادلته $(C_f) \Leftarrow \lim_{x \rightarrow a} f(x) = \pm\infty$



$y = b$ يقبل مقارب أفقي معادلته $(C_f) \Leftarrow \lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = b$



($-\infty$) يقبل مقاربا مانلا معادلته $y = ax + b$ بجوار $+\infty$ (أو بجوار $-\infty$) $\Leftrightarrow \lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) - (ax + b) = 0$

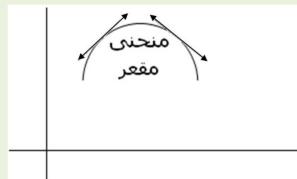


تقرع منحنى ونقطة انعطاف

إذا كان C_f محدب $\forall x \in I \quad f''(x) \geq 0 \quad \checkmark$

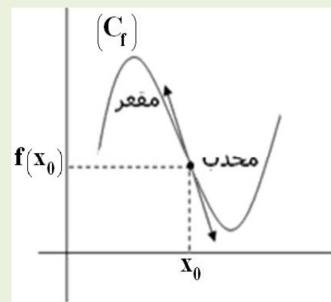


إذا كان C_f مقعر $\forall x \in I \quad f''(x) \leq 0 \quad \checkmark$



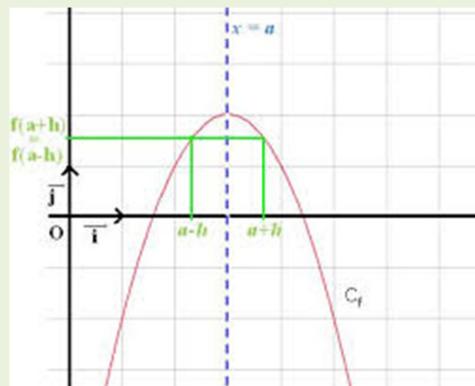
إذا كانت f'' تنعدم و تغير إشارتها عند a فإن النقطة $I(a, f(a))$ هي نقطة انعطاف \checkmark

إذا كانت f' تنعدم و لا تغير إشارتها عند a فإن النقطة $I(a, f(a))$ هي نقطة انعطاف \checkmark

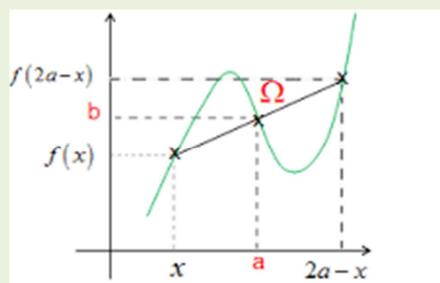


محور تماثل و مركز تماثل منحنى

$$\left\{ \begin{array}{l} \forall x \in D_f : 2a-x \in D_f \\ \forall x \in D_f : f(2a-x) = f(x) \end{array} \right. \Leftrightarrow (C_f) \text{ محور تماثل ل } x=a$$



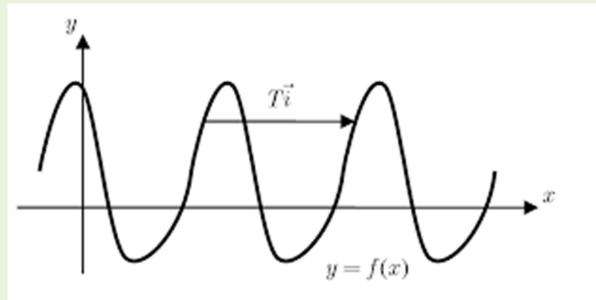
$$\left\{ \begin{array}{l} \forall x \in D_f : 2a-x \in D_f \\ \forall x \in D_f : f(2a-x) = 2b - f(x) \end{array} \right. \Leftrightarrow (C_f) \text{ مركز تماثل ل } \Omega(a,b)$$



الدالة الدورية

نقول إن f دالة دورية إذا وجد عدد حقيقي T موجب قطعاً بحيث :

$$\begin{cases} (\forall x \in D_f) : x + T \in D_f \\ (\forall x \in D_f) : f(x + T) = f(x) \end{cases}$$



العدد T يسمى دور الدالة f
أصغر دور موجب قطعاً يسمى دور الدالة f

إذا كان T دوراً لدالة عدديّة f فإنه لكل k من \mathbb{Z} :

تصميم دراسة دالة

لدراسة دالة عدديّة f غالباً ما نتبع المراحل التالية :

- (1) تحديد مجموعة تعريف الدالة f
- (2) دراسة زوجية و دورية الدالة f ثم تحديد مجموعة الدراسة D_E
- (3) حساب نهايات f عند محدات مجموعة تعريفها
- (4) دراسة قابلية اشتقاق الدالة f على D_E
- (5) دراسة تغيرات الدالة f (حساب f' ، دراسة إشارات f' ، استنتاج منحى تغيرات f ثم وضع جدول تغيرات f)
- (6) دراسة الفروع للأنهائية
- (7) دراسة الوضع النسبي لـ C_f بالنسبة لمقارباته الأفقية و المائلة (إن وجدت)
- (8) تحديد تقاطع C_f مع محوري المعلم
- (9) تحديد معادلة المماسات في بعض النقاط
- (10) دراسة تغير C_f و تحديد نقط انعطاف C_f (إن وجدت)
- (11) إنشاء C_f في معلم متعدّد منظم